

**Муниципальное казенное общеобразовательное учреждение
Новониколаевская средняя общеобразовательная школа
Барабинского района Новосибирской области**

Рассмотрено
на заседании
ШМО учителей точных и естественных дисциплин
Протокол от 22.06.2026г. №5
Руководитель: _____/Моисеенко Р.Ф./

Согласовано.
Методист: _____/Алексеева С.С./

**Рабочая программа
по учебному курсу
«Практико-ориентированные задания по математике»
основного общего образования
для 7-9 классов**

**Составитель:
Моисеенко Р.Ф.,
учитель математики**

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа по учебному курсу «Практико-ориентированные задания по математике» для 7-9 классов (далее – рабочая программа) разработана в соответствии с ФГОС ООО, (приказ Министерства просвещения РФ от 31.05.2021г. № 287 «Об утверждении федерального государственного стандарта основного общего образования» ((в ред. приказа Министерства просвещения РФ от 18.06.2025 №467))), с учетом федеральной рабочей программы основного общего образования по учебному предмету «Математика (базовый уровень)» (приказ Министерства просвещения РФ от 18.05.2023 № 370 "Об утверждении федеральной образовательной программы основного общего образования" (в ред. приказа Министерства просвещения РФ от 10.11.2025 №808))).

Основными целями курса является обеспечение индивидуальных потребностей обучающихся в изучении содержания математики, выходящего за рамки программы базового уровня.

Достижение перечисленных целей предполагает решение следующих задач:

- ✓ повышение уровня математической подготовки обучающихся, развитие устойчивого интереса к учебному предмету «Математика»;
- ✓ развитие творческих способностей, пространственного воображения, теоретического мышления и математической интуиции, умений рассуждать логически и анализировать ситуации;
- ✓ углубление и закрепление базовых знаний, формирование устойчивых навыков решения нестандартных задач, освоение нестандартных подходов и оригинальных решений;
- ✓ ознакомление с дополнительными разделами математики, выходящими за рамки базового курса;
- ✓ развитие навыков командной работы, дружеского соперничества и здоровой конкуренции среди сверстников.

Программа курса «Практико-ориентированные задания по математике» направлена на расширение знаний обучающихся по математике для классов с обязательным базовым уровнем обучения математике.

Тематическое планирование составлено так, что распределение содержательных разделов в нем синхронизировано с обязательной программой базового уровня. Следует отметить, что данный курс в основной школе выстраивается не только на расширении математического содержания базового уровня, но и на повышении уровня сложности задач, предлагаемых для решения.

Последовательность изучения тем курса совпадает по времени с изучением курса математики (алгебры и геометрии) основной школы базового уровня, все темы по возможности синхронизированы с базовым курсом математики по классам. Темы по алгебре и геометрии чередуются, что позволяет максимально приблизить их по времени изучения к освоению базового курса. Реализация Программы предполагает сочетание различных форм групповой работы (дискуссия; математическое соревнование; практикум; выбор темы проекта, планирование работ, распределение ролей, взаимооценка при выполнении групповых проектов и исследований) и индивидуальной работы (выполнение индивидуального исследования, в том числе с использованием цифровых инструментов; проведение устного обоснования при решении нестандартных задач, задач повышенного уровня сложности; построение математических моделей, их исследование; интерпретация полученных результатов при решении задач с межпредметным и практическим содержанием; поиск, интерпретация, преобразование и применение математической информации; самостоятельное открытие нового математического факта). Использование таких форм работы помогает развивать у обучающихся, с одной стороны, навыки восприятия новой информации при различных формах ее подачи, а с другой стороны – активность, самостоятельность и способность к творчеству. Освоение Программы должно дополнять и развивать знания и умения обучающихся в области математики, ориентировать их на обучение в средней школе в классах, предусматривающих освоение математики на углубленном уровне, в частности технологического профиля, а также способствовать социальному формированию личности обучающихся.

Учебный курс «Практико-ориентированные задания по математике» реализуется за счет части учебного плана ООО, формируемой участниками образовательных отношений. Общее число часов для изучения учебного курса «Практико-ориентированные задания по математике» на уровне основного общего образования составляет – 102 часов: в 7-9 классах – по 34 часа в год (34 учебные недели, по 1 часу в неделю в 7-9 классах).

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА 7 КЛАСС

Числа и вычисления. Делимость

Признаки делимости: формулировка и доказательство. Решение задач повышенной сложности на делимость. Решение сюжетных задач арифметическим методом.

Осевая симметрия

Фигуры с осевой симметрией. Примеры симметрии в окружающем мире.

Проект: симметрия в окружающем мире.

Алгебраические выражения

Степени, многочлены, преобразование многочленов, действия с многочленами. Многочлен стандартного вида. Степень многочлена. Корни многочлена. Нахождение корней многочлена. Доказательство тождеств. Разные подходы к доказательству тождеств.

Исследовательская работа: как найти корень многочлена?

Многоугольники и геометрические неравенства

Сумма внутренних углов многоугольника и внешних углов выпуклого многоугольника. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Неравенство треугольника. Неравенство о длине ломаной. Неравенство между перпендикуляром и наклонной. Расстояние от точки до прямой.

Функции

Поиск области определения и множества значений функции. Использование различных способов задания функции. Использование свойств функций для анализа графиков реальных зависимостей (нули функции, промежутки знакопостоянства функции, промежутки возрастания и убывания функции, наибольшее и наименьшее значения функции). Графики, кусочно-заданные функции.

Исследовательская работа: сравнение свойств функции их графиков в зависимости от параметров.

Геометрические места точек

Взаимное расположение окружности и прямой. Примеры геометрических мест точек на плоскости. Метод геометрических мест точек при решении геометрических задач.

Уравнения и системы уравнений

Линейные уравнения и их системы. Определение числа корней линейного уравнения.

Решение линейных уравнений, содержащих знак модуля. Решение линейных уравнений с параметрами. Решение систем линейных уравнений разными методами.

Построения с помощью циркуля и линейки

Обоснования простейших построений, этапы задачи на построения, решение задач на построение циркулем и линейкой.

8 КЛАСС

Числа и вычисления

Квадратный корень. Выполнение операций с иррациональными числами.

Алгебраические выражения

Дробно-рациональные выражения. Степени. Выполнение тождественных преобразований рациональных выражений.

Центральная симметрия

Формулировка определения и доказательство свойств центрально-симметричных фигур. Деление отрезка на равные части с помощью циркуля и линейки.

Проект: центральная симметрия в окружающем мире.

Уравнения и неравенства

Определение равносильных уравнений. Применение свойств уравнений с одной переменной. Определение количества действительных корней квадратного уравнения. Решение дробно-рациональных уравнений, сводящихся к линейным или к квадратным уравнениям, использование метода замены переменной. Решение текстовых задач алгебраическим способом: переход от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путем составления уравнения; решение составленного уравнения; интерпретация результата. Графическая интерпретация уравнений с двумя переменными.

Решение систем уравнений, в которых одно из уравнений не является линейным. Графическая интерпретация решения уравнения с двумя переменными и систем уравнений с двумя переменными. Решение нелинейных неравенств и их систем. Решение неравенств, содержащих знак модуля. Изображение решения неравенства с одной переменной и системы неравенств на координатной прямой, запись решения с помощью символов. Неравенство с двумя переменными. Графический метод решения

систем неравенств с двумя переменными.

Преобразование подобия

Преобразование подобия и подобные фигуры. Соотношения в подобных фигурах.

Доказательства неравенств

Оценка значения выражения с использованием неравенств. Применение свойств неравенств в ходе решения задач. Определение равносильных неравенств. Доказательство неравенств. Решение текстовых задач с помощью линейных неравенств с одной переменной.

Прямоугольные треугольники

Доказательство соотношений между пропорциональными отрезками в прямоугольном треугольнике. Применение соотношений при решении геометрических задач.

Функции

Поиск области определения и множества значений функции. График функции k/x . Функция вида $(ax + b)/(cx + d)$.

Исследовательская работа: исследование функций.

Числа и вычисления: делимость

Формулировка определения делимости нацело, чисел, сравнимых по данному модулю. Выполнение деления с остатком. Доказательство и применение свойств сравнений по модулю. Нахождение остатков суммы и произведения по данному модулю.

9 КЛАСС

Уравнения и неравенства

Биквадратные уравнения. Методы равносильных преобразований, замены переменной, графического метода при решении уравнений 3-й и 4-й степеней. Решение неравенств, содержащих знак модуля. Неравенство с двумя переменными. Применение графического метода решения систем неравенств с двумя переменными. Решение дробно-рациональных уравнений и неравенств. Построение графиков уравнений, в том числе с использованием цифровых ресурсов. Приводить графическую интерпретацию решения уравнения с двумя переменными и систем уравнений с двумя переменными. Исследование систем не линейных уравнений с параметром. Решение неравенств с двумя переменными и их систем.

Решение треугольников

Формулы приведения. Решение практических задач с использованием теоремы косинусов и теоремы синусов. Формула Герона. Формула площади выпуклого четырехугольника.

Соотношения между тригонометрическими функциями. Простейшие формулы приведения из геометрических соображений. Решение задач с использованием теорем косинусов и синусов, нахождение радиуса описанной окружности.

Алгебраические выражения

Степень с рациональным показателем. Определение корня n -й степени и степени с рациональным показателем.

Применение операции извлечения корня n -й степени, используя при необходимости калькулятор. Вычисление значения степени с рациональным показателем. Оценка значений корня n -й степени, значение степени с рациональным показателем целыми числами и десятичными дробями. Сравнение и упорядочивание рациональных и иррациональных чисел, записанных с помощью корня n -й степени, степени с рациональным показателем. Выполнение тождественных преобразований выражений, содержащих корень n -й степени, степень с рациональным показателем.

Подобие треугольников

Теоремы о произведении отрезков хорд, теоремы о произведении отрезков секущих, теорема о квадрате касательной, теоремы Чевы и Менелая. Исследование, в том числе с помощью цифровых ресурсов, изучаемых конфигураций. Применение данных теорем при решении геометрических задач. Знакомство с понятием гомотетии, с его применением, в том числе в практических ситуациях.

Функции

Понятие «функция». Применение свойств функций: нули функции, промежутки знакопостоянства функции, промежутки возрастания и убывания функции, четные и нечетные функции, наибольшее и наименьшее значения функции при решении задач. Построение графиков функций с помощью преобразований вида: $f(x) \rightarrow f(x) + a$; $f(x) \rightarrow f(x + a)$; $f(x) \rightarrow kf(x)$, $f(x) \rightarrow f(|x|)$, $f(x) \rightarrow |f(x)|$.

Распознавание степенных функций и построение эскизов графиков степенных функций с натуральными показателями разной четности. Использование свойств графиков степенных функций с натуральными показателями при решении задач. Построение графиков функций $y = \sqrt{x}$, $y = \sqrt[3]{x}$, $y = |x|$.

Исследовательская работа: поведение функции и ее графика в зависимости от параметра.

Метод координат

Параллельность и перпендикулярность прямых (через угловой коэффициент).

Нахождение пересечений окружностей и прямых в координатах. Формула расстояния от точки до прямой. Площадь параллелограмма в координатах, понятие об ориентированной площади. Применение метода координат.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

— **патриотического воспитания:** проявление интереса к прошлому и настоящему российской математики; ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

— **гражданского и духовно-нравственного воспитания:** готовность к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав; представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовность к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки; осознание важности морально-этических принципов в деятельности ученого;

— **трудового воспитания:** установка на активное участие в решении практических задач математической направленности; осознание важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитие необходимых умений; осознанный выбор и построение индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учетом личных интересов и общественных потребностей;

— **эстетического воспитания:** способность к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умение видеть математические закономерности в искусстве;

— **ценности научного познания:** ориентация в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях

развития человека, природы и общества; понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов ее развития и значимости для развития цивилизации; овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладение навыками исследовательской деятельности.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

— выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

— воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

— выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

— делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

— разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, применять метод математической индукции, обосновывать собственные рассуждения;

— выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учетом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

— использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

- проводить по самостоятельно составленному плану эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведенного наблюдения, исследования, эксперимента, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надежность информации по критериям, предложенным или сформулированным самостоятельно.

Коммуникативные универсальные учебные действия:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учетом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество результата и качество своего вклада в общий результат по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

- выявлять проблемы для решения в жизненных и учебных ситуациях, ориентироваться в различных подходах принятия решений (индивидуальное, групповое);
- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учетом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учетом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи, самомотивации и рефлексии;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретенному опыту.

Эмоциональный интеллект:

- выражать эмоции при изучении математических объектов и фактов, давать эмоциональную оценку решения задачи.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения в **7 классе**:

Использовать понятия множества натуральных чисел, множества целых чисел, множества рациональных чисел при решении задач, проведении рассуждений и доказательств.

Понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа.

Выполнять, сочетая устные и письменные приемы, арифметические действия с рациональными числами, использовать свойства чисел и правила действий, приемы рациональных вычислений.

Выполнять действия со степенями с натуральными показателями.

Находить значения числовых выражений, содержащих рациональные числа и степени с натуральным показателем, применять разнообразные способы и приемы вычисления, составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.

Округлять числа с заданной точностью, а также по смыслу практической ситуации, выполнять прикидку и оценку результата вычислений, оценку значений числовых выражений, в том числе при решении практических задач.

Решать текстовые задачи арифметическим способом, использовать таблицы, схемы, чертежи, другие средства представления данных при решении задач.

Доказывать и применять при решении задач признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11, признаки делимости суммы и произведения целых чисел.

Раскладывать на множители натуральные числа.

Свободно оперировать понятиями: четное число, нечетное число, взаимно простые числа.

Находить наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное чисел и использовать их при решении задач, применять алгоритм Евклида.

Оперировать понятием остатка по модулю, применять свойства сравнений по модулю.

Использовать алгебраическую терминологию и символику, применять ее в процессе освоения учебного материала.

Использовать понятие тождества, выполнять тождественные преобразования выражений, доказывать тождества.

Выполнять действия (сложение, вычитание, умножение) с одночленами и с многочленами, применять формулы сокращенного умножения (квадрат и куб суммы, квадрат и куб разности, разность квадратов, сумма и разность кубов), в том числе для упрощения вычислений.

Составлять и решать линейное уравнение или систему линейных уравнений по условию задачи, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Строить графики линейных функций. Строить график функции $y = |x|$.

Описывать с помощью функций известные зависимости между величинами: скорость, время, расстояние, цена, количество, стоимость, производительность, время, объем работы.

Находить значение функции по значению ее аргумента.

Понимать графический способ представления и анализа информации, извлекать и интерпретировать информацию из графиков реальных процессов и зависимостей.

Использовать свойства функций для анализа графиков реальных зависимостей (нули функции, промежутки знакопостоянства функции, промежутки возрастания и убывания функции, наибольшее и наименьшее значения функции).

Использовать графики для исследования процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Делать прикидку и оценку линейных и угловых величин предметов в реальной жизни, размеров природных объектов.

Владеть понятием «геометрическое место точек» (ГМТ). Определять биссектрису угла и серединный перпендикуляр к отрезку как ГМТ. Пользоваться понятием ГМТ при доказательстве геометрических утверждений и при решении задач.

Владеть понятием касательной к окружности, пользоваться теоремой о перпендикулярности касательной и радиуса, проведенного к точке касания. Доказывать равенство отрезков касательных к окружности, проведенных из одной точки, и применять это в решении геометрических задач.

Доказывать и применять простейшие геометрические неравенства, понимать их практический смысл.

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения в **8 классе**:

Понимать и использовать представления о расширении числовых множеств.

Свободно оперировать понятиями: квадратный корень, арифметический квадратный корень,

иррациональное число, находить, оценивать квадратные корни, используя при необходимости калькулятор, выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, используя свойства корней.

Использовать начальные представления о множестве действительных чисел для сравнения, округления и вычислений, изображать действительные числа точками на координатной прямой.

Использовать записи больших и малых чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10, записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерений.

Свободно оперировать понятием остатка по модулю, применять свойства сравнений по модулю, находить остатки суммы и произведения по данному модулю.

Находить допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях.

Применять основное свойство рациональной дроби.

Выполнять приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей.

Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений.

Применять преобразования выражений для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

Применять понятие степени с целым показателем, выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем.

Находить допустимые значения переменных в выражениях, содержащих арифметические квадратные корни.

Выполнять преобразования иррациональных выражений, используя свойства корней.

Решать дробно-рациональные уравнения.

Решать линейные уравнения с параметрами, несложные системы линейных уравнений с параметрами.

Проводить исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и прочее).

Переходить от словесной формулировки задачи к ее алгебраической модели с помощью составления уравнения или системы уравнений, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.

Применять свойства числовых неравенств для сравнения, оценки, решать линейные неравенства с одной переменной и их системы, давать графическую иллюстрацию множества решений неравенства, системы неравенств.

Понимать и использовать функциональные понятия и язык (термины, символические обозначения), определять значение функции по значению аргумента, определять свойства функции по ее графику.

Строить графики функций, описывать свойства числовой функции по ее графику.

Распознавать основные виды четырехугольников, их элементы, пользоваться их свойствами при решении геометрических задач. Различать признаки и свойства параллелограмма, ромба и прямоугольника, доказывать их и уверенно применять при решении геометрических задач.

Распознавать центрально-симметричные фигуры и использовать их свойства при решении задач.

Владеть понятиями подобия треугольников, коэффициента подобия, соответственных элементов подобных треугольников. Иметь представление о преобразовании подобия и о подобных фигурах. Пользоваться признаками подобия треугольников при решении геометрических задач. Доказывать и применять отношения пропорциональности в прямоугольных треугольниках. Применять подобие в практических задачах.

Выводить и использовать простейшие формулы для площади треугольника, параллелограмма, ромба и трапеции. Вычислять (различными способами) площадь треугольника и площади многоугольных фигур (пользуясь, где необходимо, калькулятором). Знать отношение площадей подобных фигур и применять при решении задач. Применять полученные умения в практических задачах.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрии (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

Предметные результаты освоения программы учебного курса к концу обучения в **9 классе**:

Свободно оперировать понятиями: корень n -й степени, степень с рациональным показателем, находить корень n -й степени, степень с рациональным показателем, используя при необходимости калькулятор, применять свойства корня n -й степени, степени с рациональным показателем.

Использовать понятие множества действительных чисел при решении задач, проведении рассуждений и доказательств.

Сравнивать и упорядочивать действительные числа, округлять действительные числа, выполнять прикидку результата вычислений, оценку числовых выражений.

Свободно оперировать понятием квадратного трехчлена, находить корни квадратного трехчлена.

Раскладывать квадратный трехчлен на линейные множители. Решать несложные квадратные уравнения с параметром.

Решать несложные системы нелинейных уравнений с параметром. Применять методы равносильных преобразований, замены переменной, графического метода при решении уравнений 3-й и 4-й степеней.

Решать уравнения, неравенства и их системы, в том числе с ограничениями, например в целых числах.

Проводить исследования уравнений и систем уравнений, в том числе с применением графических представлений (устанавливать, имеет ли уравнение или система уравнений решения, если имеет, то сколько, и прочее).

Решать текстовые задачи алгебраическим способом.

Использовать уравнения, неравенства и их системы для составления математической модели реальной ситуации или прикладной задачи, интерпретировать полученные результаты в заданном контексте.

Свободно оперировать понятиями: зависимость, функция, график функции, прямая пропорциональность, линейная функция, обратная пропорциональность, парабола, гипербола, кусочно-заданная функция.

Исследовать функцию по ее графику, устанавливать свойства функций: область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, четность и нечетность, наибольшее и наименьшее значения, асимптоты.

Распознавать квадратичную функцию по формуле, приводить примеры квадратичных функций из реальной жизни, физики, геометрии.

Определять положение графика квадратичной функции в зависимости от ее коэффициентов.

Строить график квадратичной функции, описывать свойства квадратичной функции по ее графику.

Использовать свойства квадратичной функции для решения задач.

На примере квадратичной функции строить график функции $y = af(kx+b)+c$ с помощью преобразований графика функции $y = f(x)$.

Иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам.

Свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Задавать последовательности разными способами: описательным, табличным, с помощью формулы n -го члена, рекуррентным.

Выполнять вычисления с использованием формул n -го члена арифметической и геометрической прогрессий, суммы первых n членов.

Изображать члены последовательности точками на координатной плоскости.

Решать задачи, связанные с числовыми последовательностями, в том числе задачи из реальной жизни (с использованием калькулятора, цифровых технологий).

Распознавать и приводить примеры конечных и бесконечных последовательностей, ограниченных последовательностей, монотонно возрастающих (убывающих) последовательностей.

Иметь представление о сходимости последовательности, уметь находить сумму бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Применять метод математической индукции при решении задач.

Доказывать теорему синусов и теорему косинусов, применять их для нахождения различных элементов треугольника («решение треугольников»), при решении геометрических задач. Применять полученные знания при решении практических задач.

Применять тригонометрию в задачах на нахождение площади, выводить и владеть тригонометрическими формулами для площади треугольника, параллелограмма, ромба, трапеции,

выводить и применять формулу Герона и формулу для площади выпуклого четырехугольника.

Иметь представление о гомотетии, применять в практических ситуациях. Использовать теоремы Чевы и Менелая при решении задач.

Использовать теоремы о вписанных углах, углах между хордами (секущими) и угле между касательной и хордой при решении геометрических задач. Доказывать и применять теоремы о произведении отрезков хорд, о произведении отрезков секущих, о квадрате касательной.

Владеть понятием координат на плоскости, работать с уравнением прямой на плоскости. Владеть понятиями углового коэффициента и свободного члена, понимать их геометрический смысл и связь углового коэффициента с возрастанием и убыванием линейной функции. Уметь решать методом координат задачи, связанные с параллельностью и перпендикулярностью прямых, пересечением прямых, нахождением точек пересечения.

Выводить и владеть уравнением окружности. Использовать метод координат для нахождения пересечений окружностей и прямых. Владеть формулами расстояния от точки до прямой, площади параллелограмма в координатах, иметь понятие об ориентированной площади. Пользоваться методом координат на плоскости, применять его при решении геометрических и практических задач. Применять метод координат в практико-ориентированных геометрических задачах.

Владеть понятием вектора. Уметь складывать и вычитать векторы, умножать на число, владеть правилами треугольника и параллелограмма. Владеть практическими интерпретациями векторов. Уверенно пользоваться координатами вектора. Владеть сложением и вычитанием векторов, умножением вектора на число в координатах.

Владеть понятием скалярного произведения векторов, понимать его геометрический смысл и уверенно пользоваться его выражением в декартовых координатах. Применять скалярное произведение векторов для нахождения длин и углов. Решать геометрические задачи с помощью скалярного произведения.

Владеть понятиями правильного многоугольника, длины окружности, длины дуги окружности и радианной меры угла, вычислять площадь круга и его частей. Понимать смысл числа π . Применять полученные умения при решении практических задач. Знать исторические сведения об измерении длины окружности и площади круга.

Иметь представление о преобразовании плоскости, о движениях. Находить оси, центры симметрии фигур, центры поворота, находить композиции простейших преобразований. Применять движения плоскости при решении геометрических задач.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрических функций (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

7 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Характеристика основных видов деятельности	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания
1	Числа и вычисления. Делимость	2	Дискуссия: соотнесение типа задачи и модели. Сравнение арифметического и алгебраического метода решения задач; достоинства и недостатки. Математическое соревнование – решение сюжетных задач разными методами	https://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmursU_Edition/140.pdf	Устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися; побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правилами общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися);
2	Осевая симметрия	2	Построение моделей (в том числе с использованием «математических пакетов»).	https://ypok.pf/library_kids/proektnaya_rabota_na_temu_simmetriya_vokrug_nas_220617.html	привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке
3	Алгебраические выражения	5	Практикум по решению задач. Исследовательская работа: как найти корень многочлена?	https://znanio.ru/media/praktikum-po-podgotovke-k-oge-zadanie-21-algebraicheskie-vyrazheniya-uravneniya-i-neravenstva-2962243	
4	Многоугольники и геометрические неравенства	6	Практикум по решению практико-ориентированных задач. Моделирование с помощью программных средств	https://782329.selcdn.ru/leonardo/uploadsForSiteId/202940/content/8d0021d1-e7ee-48d6-b918-64705c4b88f5.pdf	
5	Функции	7	Исследовательская работа (с использованием «математических пакетов»): в том числе сравнение свойств функции и их графиков в зависимости от параметров	https://3.shkolkovo.online/catalog/6778	
6	Геометрические места точек	3	Практикум: практико-ориентированные задачи на взаимное расположение окружности и прямой.	https://eior.by/upload/books/7-	

			Самостоятельное открытие: что такое ГМТ? Практикум по решению задач на ГМТ	klass/geometry/GMP07_0531.pdf	своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации; привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов
7	Уравнения и системы уравнений	6	Самостоятельное открытие: линейные уравнения и неравенства с параметрами и их системы. Практикум по решению задач: от простого к сложному — решение систем линейных уравнений разными методами. Математическое соревнование – решение математических задач по теме.	https://nsportal.ru/shkola/algebra/library/2021/02/04/praktikum-po-resheniyu-sistem-uravneniy	
8	Построения с помощью циркуля и линейки	3	Дискуссия: какие задачи можно решить с помощью циркуля и линейки? Как решать задачу на построение? Что такое исследование при решении задачи на построение? Практикум по решению задач. Математическое соревнование – решение задач на построение	https://lc.rt.ru/classbook/matematika-7-klass/sootnosheniya-mezhdu-storonami-i-uglami-treugolnikov-profilnyi-uroven/5663	
	Итого:	34			

8 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количес тво часов	Характеристика основных видов деятельности	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания
1	Числа и вычисления	2	Практикум по решению задач: от простого к сложному	https://urok.1c.ru/library/mathematics/Elektron_resursy_FGOS_2022_5-11_kl/Algebra_8/chisla_vychislaniya/	Устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися; побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правилами общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися); привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего
2	Алгебраические выражения	2	Практикум по решению задач: от простого к сложному		
3	Центральная симметрия	4	Проект: центральная симметрия в окружающем мире. Самостоятельное открытие: как выполнить деление отрезка на равные части с помощью циркуля и линейки	https://urok.1c.ru/library/mathematics/Elektron_resursy_FGOS_2022_5-11_kl/Matematika_6/simmetriya/	
4	Уравнения и неравенства	5	Практикум по решению сюжетных задач. Практикум по решению задач: от простого к сложному – дробно-рациональные уравнения. Моделирование различных ситуаций	https://urok.1c.ru/library/mathematics/alg789/algebra_9_klass_fgos_2022/4_uravneniya_i_neravenstva_neravenstva/	
5	Преобразование подобия	4	Самостоятельное открытие: что такое преобразование подобия? Практикум по решению задач	https://urok.1c.ru/library/mathematics/Elektron_resursy_FGOS_2022_5-11_kl/	
6	Уравнения и неравенства: системы уравнений; неравенства	4	Практикум по решению задач. Самостоятельное открытие: графическая интерпретация решения уравнения с двумя переменными и систем уравнений с двумя переменными. Практикум по решению задач.	https://urok.1c.ru/library/mathematics/alg789/algebra_9_klass_fgos_2022/3_uravneniya_i_neravenstva_sistemy_uravneniy/	
7	Доказательства неравенств	3	Практическая работа: построение моделей – неравенство как модель реальной ситуации.	https://urok.1c.ru/library/mathematics/Elektron_resursy_FGOS_2022_5-11_kl/	

			Самостоятельное открытие: методы доказательства неравенств. Математическое соревнование – решение задач разными методами.	22 5-11 kl/	мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации; привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов
8	Прямоугольные треугольники	3	Практикум по решению практико-ориентированных задач. Самостоятельное открытие: что я знаю про прямоугольный треугольник? Математическое соревнование – решение задач разными методами	https://www.yaklass.ru/p/geometria/7-klass/sootnoshenie-mezhdu-storonami-i-uglami-treugolnika-9155/priamougolnyi-treugolnik-svoistva-priznaki-ravenstva-9175/re-cef42b35-127b-4350-ac33-e249179f4160	
9	Функции	2	Исследовательская работа: исследование функций. Самостоятельное открытие: функция вида $(ax+b)/(cx+d)$	https://tetrika-school.ru/blog/funkciya/	
10	Числа и вычисления: делимость	5	Самостоятельное открытие: сравнение по модулю. Проблемный практикум: решение задач на поиск остатков суммы и произведения по модулю. Математическое соревнование – решение задач на делимость и сравнение по модулю	https://profi.ru/media/st-priznaki-delimosti-pravila-i-primery	
	Итого:	34			

9 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Характеристика основных видов деятельности	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания
1	Уравнения и неравенства: уравнения, неравенства и их системы	7	Самостоятельное открытие: решение уравнений 3-й и 4-й степеней. Практикум по решению задач: от простого к сложному – дробно-рациональные уравнения и неравенства.	https://infourok.ru/vse-prototipi-zadaniya-gia-po-teme-uravneniya-neravenstva-i-ih-sistemi-847477.html	Устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися; побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правилами общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися); привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке
2	Решение треугольников	4	Практикум по решению задач: от простого к сложному. Математическое соревнование	https://oge.sdamgia.ru/test?theme=32	
3	Алгебраические выражения	4	Самостоятельное открытие: Теоремы Чевы и Менелая. Практикум по решению задач. Практикум по построению динамических моделей с помощью программных средств.	https://gimn-grina-kirov-r43.gosweb.gosuslugi.ru/netcat_files/48/3093/OGE_2025_Zadanie_20_tren_s.pdf	
4	Подобие треугольников	4	Практикум по решению задач: построение графиков функций $y=\sqrt{x}$, $y=\sqrt[3]{x}$, $y= x $; с помощью преобразований и проверка с использованием программных средств	https://dzen.ru/a/Y4MJG1Z71GFTfl3	
5	Функции	6	Самостоятельное открытие: как решить геометрическую задачу с помощью аппарата алгебры? Исследовательская работа: решение практико-ориентированной геометрической задачи методом координат. Математическое соревнование – решение геометрических задач разными методами	https://school76.gosuslugi.ru/netcat_files/33/44/SPRAVOChNIK_po_teme_Funktsii_Teoriya_i_pri_mery_Zadachi_OGE.pdf	
6	Метод координат	4	Дискуссия на основе решения задач: является ли ММИ универсальным?	https://100points.ru/wiki/math/metod-koordinat-v-matematicheskom-prostranstve-	

			Самостоятельное открытие: ММИ – метод доказательства: сумма членов последовательности. Практикум по решению задач: доказательство неравенств и доказательство делимости ММИ	base/	своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации;
7	Числовые последовательности и прогрессии	5	Самостоятельное открытие: решение уравнений 3-й и 4-й степеней. Практикум по решению задач: от простого к сложному – дробно-рациональные уравнения и неравенства.	https://oge.sdamgia.ru/test?theme=48	привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов
	Итого:	34			